

**Фонд кваліфікаційних завдань для практичних занять
з дисципліни «Технічне обслуговування РЕЗ»**

Програму рекомендовано
Кафедрою Радіотехнологій
Протокол № _____
Від «_» _____ 2015р.
Завідуючий кафедрою:
_____ Сайко В. Г.

Практические занятия и контрольные работы
по дисциплине
«Техническое обеспечение РЭС»

Практическое занятие №1

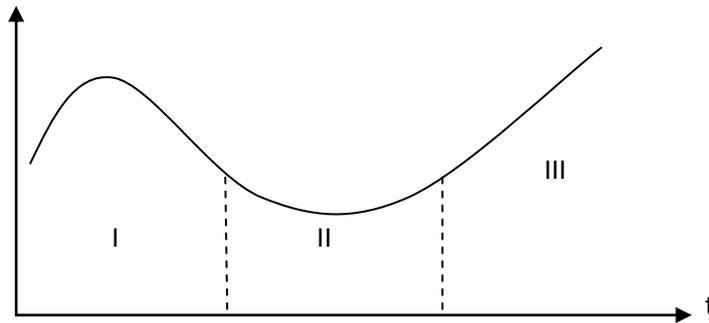
Контрольные вопросы

1. Написать выражение по данным отчета для

- частоты отказов $f(t)$;
- интенсивность отказов $\lambda(t)$;
- вероятности безотказной работы $P(t)$;
- средней наработки на отказ T_0

Ответы: $f(x) = \frac{n(t)}{N_0 \Delta t}$; $\lambda(t) = \frac{n(t)}{N(t) \Delta t}$; $P(t) = \frac{N_0 - n(t)}{N_0}$; $T_0 = \frac{\sum_{i=1}^n t_{pi}}{n}$

2. Кривая интенсивности отказов по времени эксплуатации имеет вид $\lambda(t)$



Дайте физическое объяснение каждой из областей.

Задачи

1. Было испытано 1000 ламп на длительность безотказной работы. Результаты испытаний приведены в таблице.

$t_{\text{раб.ч}}$ (от-до) 10^2	0-10	10-20	20-30	30-40	40-60	60-80	80-100	100-120	120-140	40-50	50-60
$n(t)$ ($t, t+\Delta t$)	151	102	77	61	199	200	69	91	50	79	120
$f(t)$	0,0151	0,0102	0,0077	0,0061	$\frac{0,0199}{2}$	0,0100	0,0038	0,017	0,010	0,0079	0,0120
$\lambda(t)$	$\lambda_1(t)$	$\lambda_3(t)$

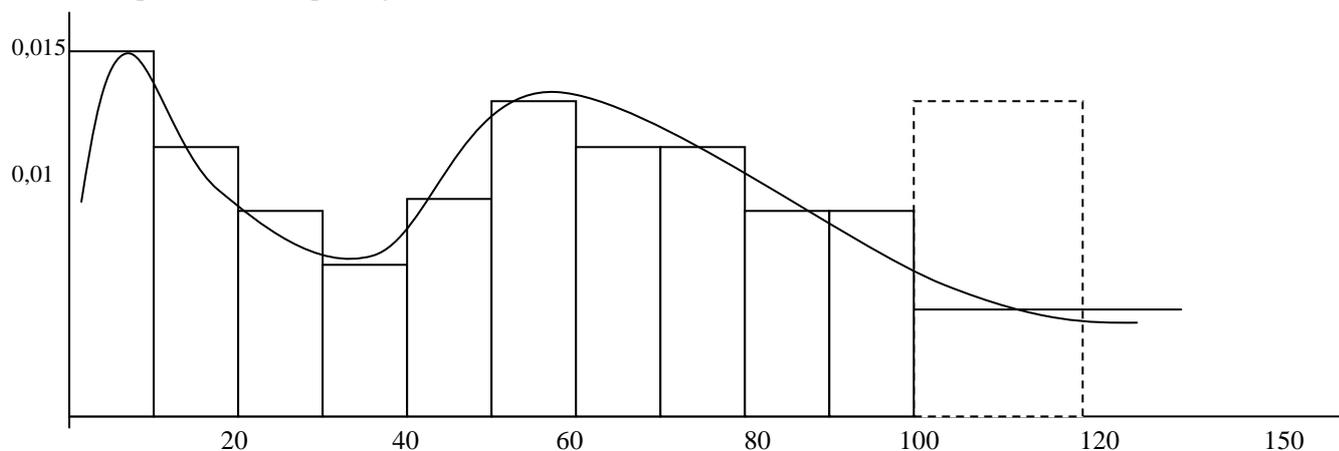
$$f_1(t) = \frac{151}{1000 \cdot 10} = \frac{n_1(t)}{N_0 \cdot \Delta t} = 0,0151$$

$$\lambda_1(t) = \frac{n_1(t)}{N(t) \cdot \Delta t} = \frac{151}{\frac{(1000+849) \cdot 10}{2}}$$

$$f_2(t) = \frac{102}{1000 \cdot 10} = 0,0102$$

$$\lambda_2(t) = \frac{102}{\frac{(849+747) \cdot 10}{2}}$$

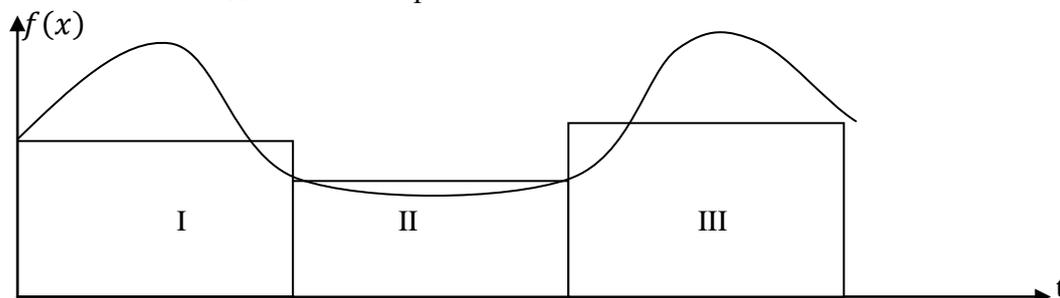
Построить гистограмму



2. С учетом данных задачи 1 определить вероятность безотказной работы при эксплуатации в течении 40 часов.

Решение. $P(t) = \frac{N_0 - \sum_{i=1}^n n_i(t)}{N_0} = \frac{N_0 - \sum_{i=1}^4 n_i(t)}{N_0} = \frac{1000 - (151 + 102 + 77 + 61)}{1000} = 0,609$

3. Частота отказов дается гистограммой



Участок I $P_1(t) = 0,8$; $\Delta t = 100ч.$ $N_0 = 1000$

Участок II $P_2(t) = 0,96$; $\Delta t = 1000ч.$

Участок III $P_3(t) = 0,6$; $\Delta t = 100ч.$

Определить число отказавших изделий на каждом из участков за 50 часов.

Решение.

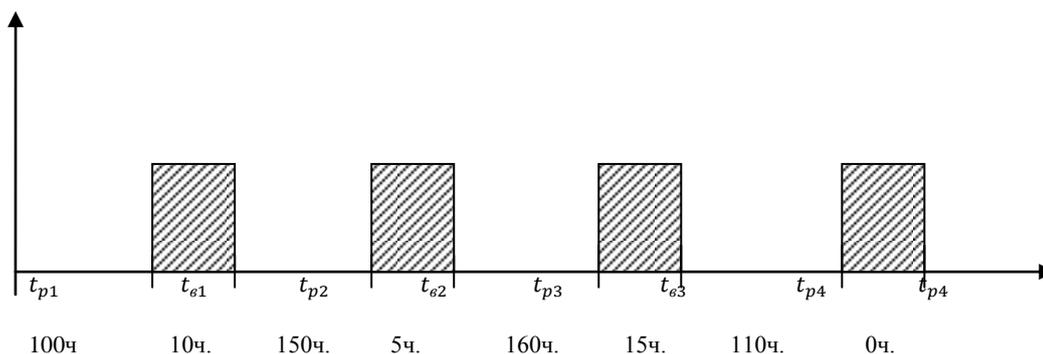
$$P(t) = \frac{N_0 - n(t)}{N_0}; \quad n(t) = N_0(1 - P(t));$$

Участок I $n(t) = 1000 * 0,2 = 200$; за 100ч.
за 50ч. имеем 100.

Участок II $n(t) = 0,04 * 1000 = 40$;
за 50ч. $\frac{40}{20} = 2$;

Участок III $n(t) = 0,4 * 1000 = 40$; $n = 200$

4. При эксплуатации изделия имеем следующий график его состояния.



Определить: 1) Среднее время наработки на отказ T_0

2) Среднее время восстановления.

Решение. $T_0 = \frac{\sum_{i=1}^4 t_{pi}}{n} = \frac{100+150+160+110}{4} = 130ч.$

$$T_e = \frac{\sum_{i=1}^4 t_{ei}}{n} = 9ч.$$

Практическое задание №2

Контрольные вопросы

1. Написать основные формулы оценки надежности.

$$1. P(t) = 1 - \int_0^t f(t) dt;$$

$$2. \lambda(t) = \frac{f(t)}{P(t)} = -\frac{P'(t)}{P(t)}$$

$$3. f(t) = -\frac{dP(t)}{dt} \quad P(t) = \frac{f(t)}{\lambda(t)}$$

$$4. P(t) = e^{-\int_0^t \lambda(t) dt}$$

$$5. T_0 = \int_0^\infty P(t) dt$$

2. Написать выражение для экспоненциального закона надёжности.

для $\lambda(t) = \lambda_0 t + 1$

Решение. $P(t) = e^{-\int_0^t (\lambda_0 t + 1) dt} = \lambda_0 t (1 + \frac{t}{2})^2$

3. Под воздействием дестабилизирующих факторов $\lambda(t) = \lambda_0$ увеличилось в 2 раза.

Как изменится T_0 ?

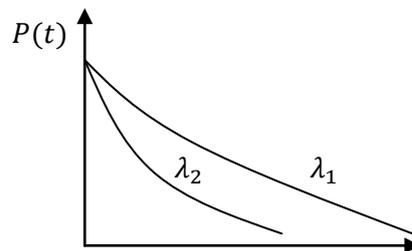
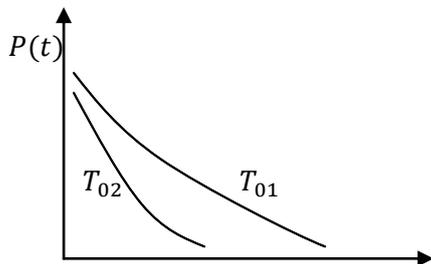
Решение. $T_0 = \int_0^\infty e^{-\lambda_0 t} dt = \frac{1}{\lambda} e^{-\lambda_0 t} \Big|_0^\infty = \frac{1}{\lambda_0} (1 - 0);$

При увеличении λ_0 в 2 раза, T_0 уменьшится во столько же.

4. Даны два элемента с интенсивностями отказа $\lambda_1(t) = \lambda_1$ и $\lambda_2(t) = \lambda_2$.

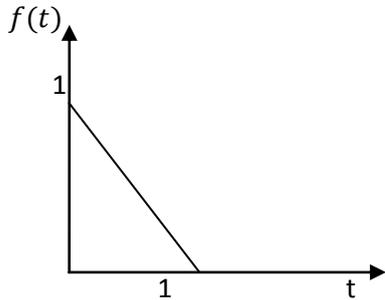
Графики вероятностей отказа имеют вид:

- 1) Какая вероятность имеет λ_1 и λ_2 ? (поставьте знак неравенства)



Задачи

1. Частота отказов задана графиком.



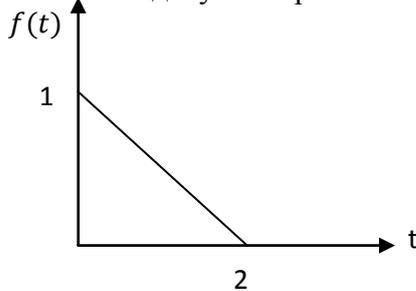
Определить интенсивность отказов $\lambda(t)$

Решение. 1) $f(t) = (1 - t)$ при $0 < t < 1$;

$$2) P(t) = 1 - \int_0^t f(t)dt = 1 - \int_0^t (1 - t)dt = 1 - t + \frac{t^2}{2}$$

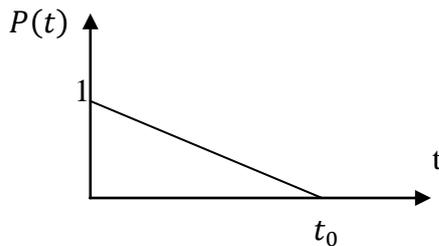
$$3) \lambda(t) = -\frac{P'(t)}{P(t)} = \frac{f(t)}{P(t)} = \frac{1-t}{1-t+\frac{t^2}{2}}$$

2. Решить задачу №1 при



$$f(t) = 1 - \frac{1}{2}t$$

3. Надежность (вероятность безотказной работы) убывает по линейному закону.



Определить: $\lambda(t)$, $P(t)$, T_0 . Построить график $\lambda(t)$

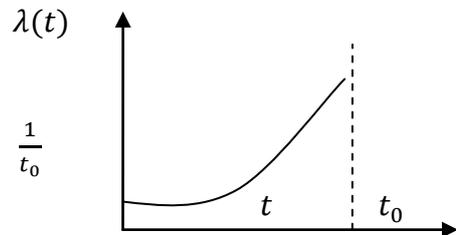
Решение: 1) $P(t) = 1 - \frac{t}{t_0}$ при $0 \leq t \leq t_0$

$$2) \lambda(t) = \frac{f(t)}{P(t)} = -\frac{P'(t)}{P(t)}$$

$$3) P'(t) = -\frac{1}{t_0}; f(t) = -P'(t) = \frac{1}{t_0}$$

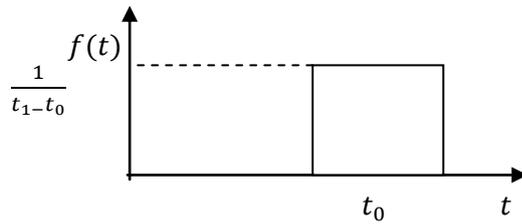
$$4) \lambda(t) = \frac{f(t)}{P(t)} = \frac{1}{t_0(1-\frac{t}{t_0})} = \frac{1}{t_0-t}$$

$$5) T_0 = \int_0^{t_0} P(t)dt = \int_0^{t_0} \left(1 - \frac{t}{t_0}\right) dt = t - \frac{t^2}{2t_0} \Big|_0^{t_0} = t_0 - \frac{t_0^2}{2t_0} = \frac{1}{2}t_0$$



4. Плотность распределения частоты отказов постоянна на участке $t_0 - t$, и равна нулю вне этого участка. Определить вероятность отказов, интенсивность отказов и построить график $\lambda(t)$.

Решение.



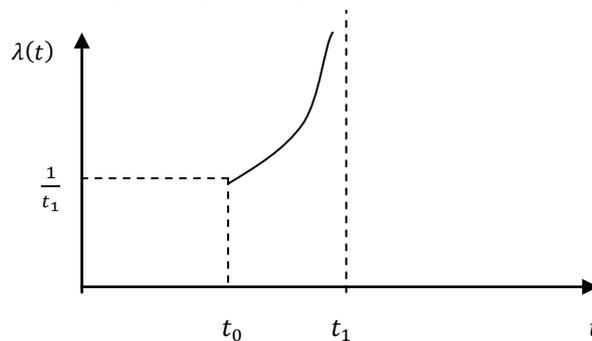
равномерный закон; $t(t_1 - t_0)x = 1, x = \frac{1}{t_1 - t_0}$

1. $f(t) = \frac{1}{t_1 - t_0}; t_0 < t < t_1$

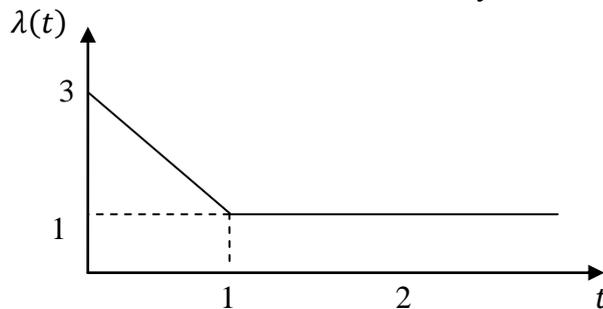
2. $P(t) = 1 - \int_{t_0}^{t_1} f(t)dt = 1 - \int_{t_0}^{t_1} \frac{1}{t_1 - t_0} dt = 1 - \frac{t - t_0}{t_1 - t_0} = \frac{t_1 - t_0 - t + t_0}{t_1 - t_0} = \frac{t_1 - t}{t_1 - t_0}$

3. $\lambda(t) = \frac{f(t)}{P(t)} = \frac{1}{t_1 - t_0} * \frac{t_1 - t_0}{t_1 - t} = \frac{1}{t_1 - t}$

4. $T_0 =$



5. Интенсивность отказов меняется по закону



Определить:

- экспоненциальный закон надежности и построить график
- среднюю наработку на отказ T_0

Решение.

1. $P(t) = e^{-\int_0^t \lambda(t)dt}$

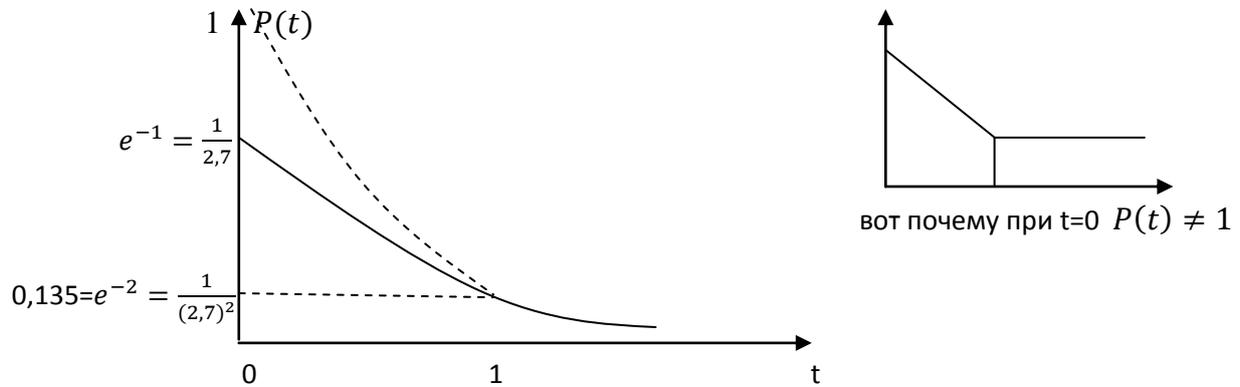
2. На отказе $0 \div 1 \quad \lambda(t) = 3 - 2t$
 $1 \div \infty \quad \lambda(t) = 1$

3. Для определения интеграла $\int_0^t \lambda(t)dt$ разобьем его на части.

$$\int_0^t \lambda(t)dt = \int_0^1 \lambda(t)dt + \int_1^t \lambda(t)dt = \int_0^1 (3 - 2t)dt + \int_1^t 1dt = 3t - t^2 \Big|_0^1 + t \Big|_1^t$$

$$= 3 - 1(t - 1) = 1 + t$$

4. $P(t) = e^{-(1+t)}$



Определим T_0 .

$$5. T_0 = \int_0^{\infty} P(t) dt = \int_0^1 e^{-3t-t^2} dt + \int_1^{\infty} e^{-(t-1)} dt \cong 0,37 - 0,135 = 0,505$$

Примечание: 1. Второй интеграл $e^{-(t-1)}$ в соответствии с $P(t) = e^{-(1+t)}$

2. $P(t)$ при $t = 0$ должно быть равно 1

$$3. T_0 \int_0^{\infty} P(t) dt = \int_0^{\infty} e^{-(1+t)} dt = \int_0^{\infty} e^{-1} * e^{-t} dt = \frac{1}{2,7} (e^{-t})|_0^{\infty} = \frac{1}{2,7};$$

(не сходится с пунктом 5).

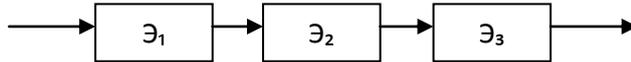
$$\int_1^{\infty} e^{-(1+t)} dt = e^{-1} \int_1^{\infty} e^{-t} dt = -e^{-1} * e^{-t}|_1^{\infty} = e^{-1} * e^{-1} = e^{-2}$$

$$T_0 = 0,37 - 0,135 = 0,235 \quad \int_1^{\infty} e^{-(1-t)} dt = e^{-2}$$

Практическое занятие №3

Контрольные вопросы.

1. Система состоит из 3х последовательно соединенных элементов.



Определить:

- вероятность безотказной работы системы если $P_i(t) = 0,9$
- определить $P_i(t)$ если вероятность всей системы $P_{\Sigma}(t)$.

Решение 1. $P_{\Sigma}(t) = \prod P_i(t) = 0,9^3$; $P_i(t) = \sqrt[3]{P_{\Sigma}(t)}$.

2. Частота отказов подчиняется закону

$$f(t) = \frac{1}{b} e^{-\frac{t}{b}}$$

Определить вероятность отказа $Q(t)$.

Решение. $Q(t) = \int_0^t f(t)dt = \int_0^t \frac{1}{b} e^{-\frac{t}{b}} dt = \int_0^t e^{-\frac{t}{b}} \frac{dt}{b} = e^{-\frac{t}{b}} \Big|_0^t = -e^{-\frac{t}{b}} + 1$

$$P(t) = 1 - e^{-\frac{t}{b}} - 1 = e^{-\frac{t}{b}}$$

3. Определить интенсивность отказа 3х последовательно соединенных элементов, если известна $\lambda_i(t)$ каждого.

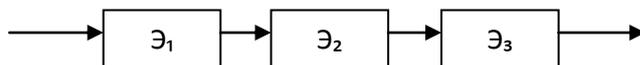
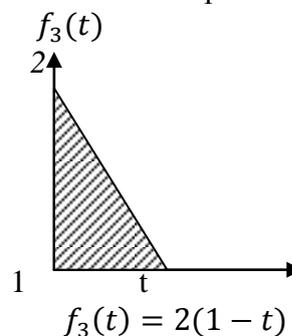
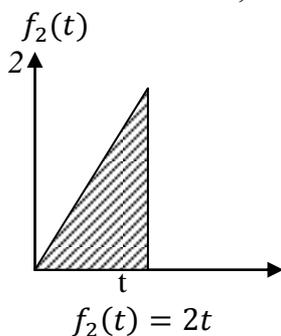
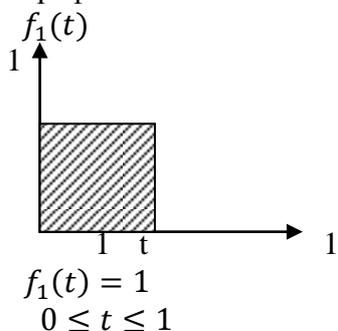
Решение.

$$\begin{aligned} P_{\Sigma}(t) &= P_1(t)P_2(t)P_3(t) = e^{-\int_0^t \lambda_1(t)dt} * e^{-\int_0^t \lambda_2(t)dt} * e^{-\int_0^t \lambda_3(t)dt} = e^{-\sum_{i=1}^3 \int_0^t \lambda_i(t)dt} \\ &= e^{-\int_0^t \sum_{i=1}^3 \lambda_i(t)dt} \end{aligned}$$

$$\lambda_{\Sigma}(t) = \sum_{i=1}^3 \lambda_i(t)$$

Задачи

1. Система состоит из 3х независимых элементов, частота отказов которых задана графиками.



Определить: 1) интенсивность отказов системы

2) определить T_{0i} и построить графики

Решение.

1. Вероятность надежности элементов

$$P_1(t) = 1 - \int_0^t f_1 dt = 1 - \int_0^t dt = 1 - t;$$

$$P_2(t) = 1 - \int_0^t 2t dt = 1 - t^2;$$

$$P_3(t) = 1 - \int_0^t 2(1 - t) dt = 1 - 2t + t^2;$$

2. Интенсивность отказов элементов

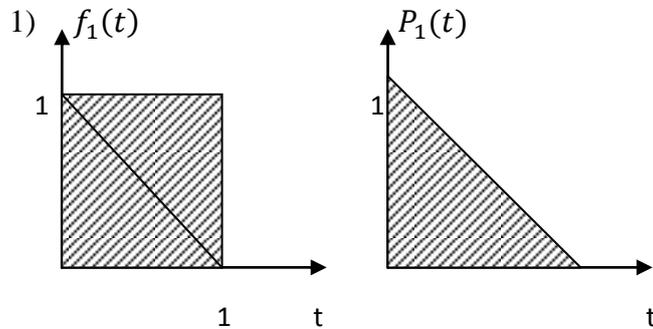
$$\lambda_1(t) = \frac{f_1(t)}{P_1(t)} = -\frac{P_1'(t)}{P_1(t)} = \frac{1}{1 - t};$$

$$\lambda_2(t) = \frac{f_2(t)}{P_2(t)} = \frac{2t}{1 - t^2};$$

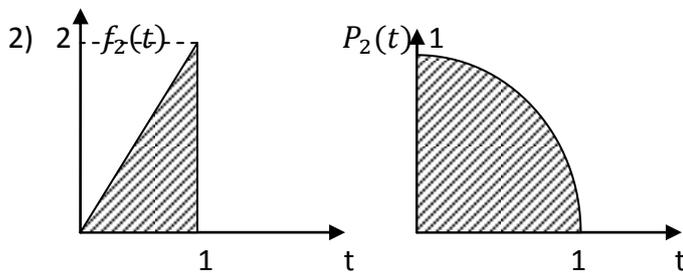
$$\lambda_3(t) = \frac{f_3(t)}{P_3(t)} = \frac{2(1 - t)}{1 - 2t + t^2} = \frac{2}{1 - t};$$

$$3. \lambda_{\Sigma}(t) = \lambda_1(t) + \lambda_2(t) + \lambda_3(t) = \frac{1}{1 - t} + \frac{2t}{1 - t^2} + \frac{2}{1 - t} = \frac{3 + 5t}{1 - t^2}$$

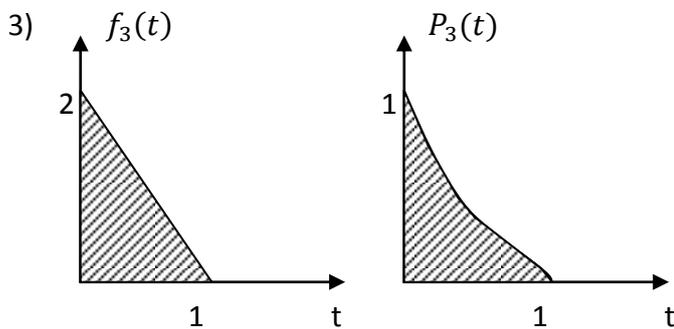
Свяжем значение $f_i(t)$ с $P_i(t)$ к T_{0i}



$$T_{0i} = \int_0^1 (1-t) dt = t - \frac{t^2}{2} \Big|_0^1 = \frac{1}{2}$$



$$T_0 = \int_0^1 (1-t^2) dt = 1 - \frac{t^3}{3} \Big|_0^1 = 1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$$



$$T_0 = \int_0^1 (1-2t+t^2) dt = t - t^2 + \frac{t^3}{3} \Big|_0^1 = \frac{1}{3}$$

2. Частота отказов описывается частотным случаем распределения Вейбула

$$f(t) = \frac{1}{a} e^{-\frac{t}{a}}$$

Определить: $P(t), \lambda(t), T_0$.

Решение. 1. $P(t) = 1 - \int_0^t f dt = 1 - \int_0^t \frac{1}{a} e^{-\frac{t}{a}} dt = 1 - e^{-\frac{t}{a}} \Big|_0^t = e^{-\frac{t}{a}}$

2. $\lambda(t) = \frac{f(t)}{P(t)} = \frac{\frac{1}{a} e^{-\frac{t}{a}}}{e^{-\frac{t}{a}}} = \frac{1}{a}$;

3. $T_0 = \int_0^\infty P(t) dt = \int_0^\infty e^{-\frac{t}{a}} dt = a$

Как изменится $P(t)$, если a уменьшить в 2 раза (построить график).

3. Частота отказов описывается распределением Релея.

$$f(t) = \frac{2t}{a^2} e^{-\left(\frac{t}{a}\right)^2}$$

Определить: $P(t), \lambda(t), T_0$

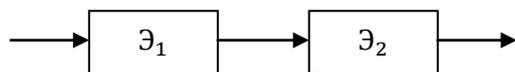
Решение.

$$1. P(t) = 1 - \int_0^t f(t)dt = 1 - \int_0^t e^{-\left(\frac{\tau}{a}\right)^2} d\tau = 1 - \int_0^t e^{-\left(\frac{\tau}{a}\right)^2} dt \left(\frac{\tau}{a}\right)^2 = 1 - \int_0^t e^{-x} dx = 1 - e^{-x} \Big|_0^t = 1 - e^{-\left(\frac{t}{a}\right)^2} = 1 - e^{-\frac{t^2}{a^2}} - 1 = e^{-\left(\frac{t}{a}\right)^2}$$

$$2. \lambda(t) = \frac{f(t)}{P(t)} = \frac{\frac{2t}{a^2} e^{-\left(\frac{t}{a}\right)^2}}{e^{-\left(\frac{t}{a}\right)^2}} = \frac{2t}{a^2}$$

$$3. T_0 = \int_0^\infty P(t)dt = \int_0^\infty e^{-\left(\frac{t}{a}\right)^2} dt = a \frac{\sqrt{\pi}}{2} \text{ (табулированный интеграл)}$$

4. Система состоит из двух последовательно соединенных элементов.



Эквивалентная надежность $P_{\text{эКВ}} = 0,50$

Определить интенсивность отказов каждого элемента, если:

$$1. P_i(t) = e^{-\lambda_i t}$$

2. Время работы – 4ч.

$$3. \lambda_1 = \lambda_2$$

$$1. P_1 * P_2 = e^{-\lambda_1 t} * e^{-\lambda_2 t} = e^{-2\lambda t} = 0,5$$

$$e^{-x} = 0,5 \quad x = 0,8$$

$$t = 4 \quad e^{-2\lambda 4} = 0,5 \quad e^{-8\lambda} = 0,5 \quad e^{-0,8} = 0,5 \quad \lambda = 0,1$$